لمزيد من دروس و تمارين و امتحانات ... موقع قلمي

المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية و التعليم العالي و تكوين الأطر و البحث العلمي
المركز الوطني للتقويم والامتحانات

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة العادية 2010
الموضوع

المــــادة:	الرياضيات	NS22	المعامل: 7
الشعب(ة) أو المسلك :	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها		مدة الإنجاز: 3

معلومات عامة

- يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؛
- مدة إنجاز موضوع الامتحان : 3 ساعات ؛
- عدد الصفحات : 3 صفحات (الصفحة الأولى تتضمن معلومات والصفحتان المتبقيتان تتضمنان تمارين الامتحان)؛
- يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان في الترتيب الذي يناسبه ؛
- ينبغي تفادي استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة ؛
- بالرغم من تكرار بعض الرموز في أكثر من تمرين فكل رمز مرتبط بالتمرين المستعمل فيه ولا علاقة له بالتمارين السابقة أو اللاحقة .

معلومات خاصة

- يتكون الموضوع من خمسة تمارين مستقلة فيما بينها و تتوزع حسب المجالات كما يلي :

التمرين	المجال	النقطة الممنوحة
التمرين الأول	الهندسة الفضائية	3 نقط
التمرين الثاني	الأعداد العقدية	3 نقط
التمرين الثالث	حساب الاحتمالات	3 نقط
التمرين الرابع	المتتاليات العددية	3 نقط
التمرين الخامس	دراسة دالة وحساب التكامل	8 نقط

- بالنسبة للتمرين الرابع (السؤال الثالث) ، ln يرمز لدالة اللوغاريتم النبيري .

لمزيد من دروس و تمارين و امتحانات ... موقع قلمي

الموضـوع

التمرين الأول (3 ن)

نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $\left(O,\vec{i},\vec{j},\vec{k}\right)$، النقط $A(-1,0,3)$ و $B(3,0,0)$ و $C(7,1,-3)$ والفلكة (S) التي معادلتها : $x^2+y^2+z^2-6x-2y-15=0$.

1) بين أن $\overrightarrow{AB}\wedge\overrightarrow{AC}=3\vec{i}+4\vec{k}$ واستنتج أن $3x+4z-9=0$ هي معادلة ديكارتية للمستوى (ABC) . — 1

2) بين أن مركز الفلكة (S) هي النقطة $\Omega(3,1,0)$ وأن شعاعها هو 5 . — 0.5

3) ليكن (Δ) المستقيم المار من النقطة Ω والعمودي على المستوى (ABC) .

أ - بين أن : $\begin{cases} x=3+3t \\ y=1 \\ z=4t \end{cases} \quad (t\in I\!R)$ هو تمثيل بارامتري للمستقيم (Δ) . — 0.5

ب - بين أن المستقيم (Δ) يقطع الفلكة (S) في النقطتين $E(6,1,4)$ و $F(0,1,-4)$. — 1

التمرين الثاني (3 ن)

1) حل في مجموعة الأعداد العقدية $\mathbb{C}$ المعادلة : $z^2-6z+10=0$. — 1

2) نعتبر في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $\left(O,\vec{e_1},\vec{e_2}\right)$ ، النقط A و B و C التي ألحاقها على التوالي هي : $a=3-i$ و $b=3+i$ و $c=7-3i$.

ليكن z لحق نقطة M من المستوى و z' لحق النقطة M' صورة M بالدوران R الذي مركزه A وزاويته $\frac{\pi}{2}$.

أ - بين أن : $z'=iz+2-4i$. — 0.5

ب - تحقق من أن لحق النقطة C' صورة النقطة C بالدوران R هو $c'=5+3i$. — 0.25

ج - بين أن : $\frac{c'-b}{c-b}=\frac{1}{2}i$ ثم استنتج أن المثلث BCC' قائم الزاوية في B و أن $BC=2BC'$. — 1.25

التمرين الثالث (3 ن)

يحتوي صندوق على خمس كرات بيضاء وثلاث كرات حمراء وكرتين سوداوين (لا يمكن التمييز بين الكرات باللمس) . نسحب عشوائيا وفي آن واحد أربع كرات من الصندوق .

1) نعتبر الحدثين التاليين : — 1

A : " الحصول على كرة حمراء واحدة فقط " و B : " الحصول على كرة بيضاء على الأقل " .

بين أن $P(A)=\frac{1}{2}$ و $P(B)=\frac{41}{42}$.

2) نعتبر المتغير العشوائي X الذي يربط كل سحبة بعدد الكرات الحمراء المسحوبة .

أ - تحقق من أن القيم التي يأخذها المتغير العشوائي X هي 0 و 1 و 2 و 3 . — 0.25

ب - بين أن $P(X=2)=\frac{3}{10}$ و $P(X=0)=\frac{1}{6}$. — 1

ج - حدد قانون احتمال المتغير العشوائي X . — 0.75

لمزيد من دروس و تمارين و امتحانات ... موقع قلمي

التمرين الرابع (3 ن)

نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة بما يلي : $u_0 = 2$ و $u_{n+1} = \frac{3u_n - 1}{2u_n}$ لكل n من $I\!N$.

0.75 (1 بين بالترجع أن : $u_n - 1 > 0$ لكل n من $I\!N$.

(2 نعتبر المتتالية العددية (v_n) المعرفة بما يلي : $v_n = \frac{u_n - 1}{2u_n - 1}$ لكل n من $I\!N$.

1 أ - بين أن (v_n) متتالية هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ واستنتج أن $v_n = \frac{1}{3}\left(\frac{1}{2}\right)^n$ لكل n من $I\!N$.

0.75 ب - بين أن $u_n = \frac{v_n - 1}{2v_n - 1}$ ثم استنتج أن $\lim\limits_{n \to +\infty} u_n = 1$.

0.5 (3 احسب $\lim\limits_{n \to +\infty} w_n$ حيث (w_n) هي المتتالية العددية المعرفة بما يلي : $w_n = \ln(u_n)$ لكل n من $I\!N$.

التمرين الخامس (8 ن)

I) نعتبر الدالة العددية g المعرفة على $I\!R$ بما يلي : $g(x) = 1 + 4xe^{2x}$.

0.5 (1 بين أن : $g'(x) = 4(2x+1)e^{2x}$ لكل x من $I\!R$.

0.5 (2 بين أن الدالة g تزايدية على المجال $\left[-\frac{1}{2}, +\infty\right[$ وتناقصية على المجال $\left]-\infty, -\frac{1}{2}\right]$.

0.5 (3 أ- بين أن $g\left(-\frac{1}{2}\right) = 1 - \frac{2}{e}$ ثم تحقق من أن $g\left(-\frac{1}{2}\right) > 0$.

0.25 ب - استنتج أن : $g(x) > 0$ لكل x من $I\!R$.

II) لتكن f الدالة العددية المعرفة على $I\!R$ بما يلي : $f(x) = (2x-1)e^{2x} + x + 1$.

وليكن (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j})$ $(\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 2cm)$.

1 (1 احسب $\lim\limits_{x \to +\infty} f(x)$ ثم بين أن $\lim\limits_{x \to -\infty} f(x) = -\infty$ (نذكر أن : $\lim\limits_{u \to -\infty} ue^u = 0$) .

0.75 -2) بين أن : $f'(x) = g(x)$ لكل x من $I\!R$ ثم استنتج أن الدالة f تزايدية قطعا على $I\!R$.

0.75 (3 أ - احسب $\lim\limits_{x \to +\infty} \frac{f(x)}{x}$ واستنتج أن (C) يقبل فرعا شلجميا في اتجاه محور الأراتيب .

0.5 ب - احسب $\lim\limits_{x \to -\infty} [f(x) - (x+1)]$ واستنتج أن المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = x + 1$ مقارب للمنحنى (C) بجوار $-\infty$.

0.5 ج - حدد زوج إحداثيتي نقطة تقاطع المستقيم (Δ) والمنحنى (C) ثم بين أن المنحنى (C) يوجد تحت المستقيم (Δ) على المجال $\left]-\infty, \frac{1}{2}\right[$ و فوق المستقيم (Δ) على المجال $\left]\frac{1}{2}, +\infty\right[$.

0.25 (4 أ - بين أن $y = x$ هي معادلة للمستقيم (T) مماس المنحنى (C) في النقطة O .

0.25 ب - بين أن للمنحنى (C) نقطة انعطاف أفصولها $-\frac{1}{2}$ (تحديد أرتوب نقطة الانعطاف غير مطلوب) .

0.75 (5 أنشئ المستقيمين (Δ) و (T) والمنحنى (C) في المعلم $(O, \vec{i}, \vec{j})$.

1 (6 أ - باستعمال مكاملة بالأجزاء بين أن : $\int_0^{\frac{1}{2}} (2x-1)e^{2x}dx = 1 - \frac{e}{2}$.

0.5 ب - بين أن مساحة حيز المستوى المحصور بين المنحنى (C) و المستقيم (T) المماس للمنحنى (C) والمستقيمين اللذين معادلتاهما $x = 0$ و $x = \frac{1}{2}$ هي $(6 - 2e)\,cm^2$.