

تمرين 1: (1+1ن)

عمل التعبيرات التالية : (1) $A = 16x^2 - (3x+2)^2$ (2) $B = 27x^3 - 8$ الأجوبة : (1) $A = 16x^2 - (3x+2)^2 = (4x)^2 - (3x+2)^2 = (4x - (3x+2))(4x + (3x+2))$

$$A = (4x - 3x - 2)(4x + 3x + 2) = (x - 2)(7x + 2)$$

(2) نلاحظ أن : $B = (3x)^3 - 2^3$ حسب المتطابقة التالية : $a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$ لدينا $a^3 - b^3 = (3x - 2)(9x^2 + 6x + 4)$

تمرين 2: (2ن)

$$I = \frac{3^{-5} \times 4^{-2}}{6^{-3}} \times \frac{9}{4} \quad \text{أحسب و بسط}$$

$$I = \frac{3^{-5} \times 4^{-2}}{6^{-3}} \times \frac{9}{4} = \frac{3^{-5} \times (2^2)^{-2} \times 3^2}{(2 \times 3)^{-3} \times 2^2} = \frac{3^{-5} \times 2^{-4} \times 3^2}{(2)^{-3} \times 3^{-3} \times 2^2}$$

$$I = 3^{-5} \times 2^{-4} \times 3^2 \times 2^3 \times 3^3 \times 2^{-2} = 3^{-5+2+3} \times 2^{-4+3-2} = 3^0 \times 2^{-3} = 1 \times \frac{1}{2^3} = \frac{1}{8}$$

تمرين 3: (0,5+2,5ن)

$$A = \frac{x}{x+3} \quad \text{نضع:}$$

ليكن x عنصرا من المجال $\left] \frac{1}{3}, 1 \right[$

$$1. \text{ تحقق من أن: } A = 1 - \frac{3}{x+3}$$

2. حدد تأطيرا للعدد A وحدد سعته.

$$A = \frac{x}{x+3} = \frac{x+3-3}{x+3} = \frac{x+3}{x+3} - \frac{3}{x+3} = 1 - \frac{3}{x+3} \quad \text{(الأجوبة :2)}$$

$$A = \frac{x}{x+3} = x \times \frac{1}{x+3} \quad \text{(1) تأطير}$$

$$\left] \frac{1}{3}, 1 \right[\quad \text{يعني } x \in \left] \frac{1}{3}, 1 \right[\quad \text{اذن : } \textcircled{1} \frac{1}{3} \leq x \leq 1$$

$$\textcircled{2} \frac{1}{4} \leq \frac{1}{x+3} \leq \frac{3}{10} \quad \text{يعني } \frac{10}{3} \leq x+3 \leq 4 \quad \text{يعني } \frac{1}{3} + 3 \leq x+3 \leq 1+3$$

$$\text{وبضرب المتفاوتتين } \textcircled{1} \text{ و } \textcircled{2} \text{ طرف لطرف نجد: } \frac{1}{3} \times \frac{1}{4} \leq x \times \frac{1}{x+3} \leq 1 \times \frac{3}{10} \quad \text{يعني } \frac{1}{12} \leq \frac{x}{x+3} \leq \frac{3}{10} \quad \text{أي : } \frac{1}{12} \leq A \leq \frac{3}{10}$$

$$\text{وسعة التأطير هي : } r = \frac{3}{10} - \frac{1}{12} = \frac{13}{60}$$

تمرين 4: (1+1ن)

حل في IR المعادلات التالية:

$$|2x - 3| = |4x + 1| \quad \text{و} \quad |2x - 1| = -1$$

الأجوبة : (1) $|2x - 1| = -1$ ليس لها حل في IR لأن القيمة المطلقة دائما موجبة انن : $S = \emptyset$

$$(2) \quad |2x - 3| = |4x + 1| \quad \text{يعني } |2x - 3| = 4x + 1 \quad \text{أو} \quad |2x - 3| = -(4x + 1) \quad \text{يعني } 2x - 3 = 4x + 1 \quad \text{أو} \quad 2x - 3 = -4x - 1$$

$$\text{يعني } x = \frac{-4}{2} \quad \text{أو} \quad 6x = 2 \quad \text{يعني } x = -2 \quad \text{أو} \quad x = \frac{1}{3} \quad \text{انن : } S = \left\{ -2; \frac{1}{3} \right\}$$

تمرين 5: (2ن)

$$A = \left| 2\sqrt{2} - 3 \right| + \left| 2 - \sqrt{2} \right| - \left| 5 - 3\sqrt{2} \right| \quad \text{أكتب بدون رمز القيمة المطلقة وبسط:}$$

الجواب: لدينا $2\sqrt{2} < 3$ لأن $(2\sqrt{2})^2 < 3^2$: إذن $2\sqrt{2} - 3 \in \mathbb{R}^-$ ومنه $2\sqrt{2} - 3 = -(2\sqrt{2} - 3) = -2\sqrt{2} + 3$
ولدينا $\sqrt{2} < 2$ إذن $2 - \sqrt{2} \in \mathbb{R}^+$ ومنه $2 - \sqrt{2} = 2 - \sqrt{2}$
ولدينا $3\sqrt{2} < 5$ لأن $(3\sqrt{2})^2 < 5^2$: إذن $3\sqrt{2} - 5 \in \mathbb{R}^-$ ومنه $3\sqrt{2} - 5 = -(3\sqrt{2} - 5) = -3\sqrt{2} + 5$ ومنه
 $A = -3\sqrt{2} + 3\sqrt{2} + 5 - 5 = 0$: إذن $A = -2\sqrt{2} + 3 + 2 - \sqrt{2} - (5 - 3\sqrt{2}) = -2\sqrt{2} + 5 - \sqrt{2} - 5 + 3\sqrt{2}$

تمرين 6: (2ن)

ليكن x عنصرا من المجال $[-4, +\infty[$ قارن : 15 و $-3x + 2$ باستعمال خصائص الترتيب
الجواب : $x \in [-4, +\infty[$ يعني $x > -4$ يعني $(-3) \times x < (-3) \times (-4)$
يعني $-3x < 12$ يعني $-3x + 2 < 12 + 2$ يعني $-3x + 2 < 14$ ① ونعلم أن : $14 < 15$ ②
من ① و ② نستنتج أن : $-3x + 2 < 15$

تمرين 7: (2ن)

ليكن a عدد حقيقي قارن : $6a - 1$ و $9a^2$
الجواب : $9a^2 - (6a - 1) = 9a^2 - 6a + 1 = (3a)^2 - 2 \times 3a \times 1 + 1^2 = (3a - 1)^2 \geq 0$
ومنه $9a^2 \geq 6a - 1$ مهما يكن : $a \in \mathbb{R}$

تمرين 8: (2ن+1ن+1ن+1ن)

تعتبر في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم المستقيمات: $(D_1): 4x + 2y + 1 = 0$ و $(D_2): x - 2y + 4 = 0$
و النقط التالية : $A(2, -1)$ و $B(3, -3)$
1. بين أن (D_1) و (D_2) متقاطعان و حدد نقطة تقاطعهما
2. حدد معادلة ديكارتية للمستقيم (AB) .
3. حدد الوضع النسبي للمستقيمين (D_1) و (AB) .
4. حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم (Δ) المار من $C(-1, 2)$ و الموازي للمستقيم (D_1) .

الأجوبة: (1) إذن $(4) \times (-2) - (-2) \times 1 = -8 - 2 = -10 \neq 0$ متقاطعان

لتحديد نقطة التقاطع نحل النظام التالي:

$$\begin{cases} 4x + 2y + 1 = 0 \\ x - 2y + 4 = 0 \end{cases}$$

(1) ونستعمل إحدى الطرق لحل هذه النظام محددة النظام (1) هي: $\Delta = \begin{vmatrix} 4 & 2 \\ 1 & -2 \end{vmatrix} = -10 \neq 0$ ومنه النظام تقبل حلا

وحيدا: هو $x = \frac{\begin{vmatrix} -1 & 2 \\ -4 & -2 \end{vmatrix}}{\Delta} = \frac{10}{-10} = -1$ و $y = \frac{\begin{vmatrix} 4 & -1 \\ 1 & -4 \end{vmatrix}}{\Delta} = \frac{-15}{-10} = \frac{3}{2}$ ومنه نقطة التقاطع : $H\left(-1; \frac{3}{2}\right)$

(2) نعلم أن معادلة مستقيم (AB) تكتب على الشكل : $ax + by + c = 0$

نحسب إحداثياتها المتجهة \overrightarrow{AB} ونجد : $\overrightarrow{AB}(1, -2)$ ونعلم أن : $\overrightarrow{AB}(1, -2)$ متجهة موجهة له : $\overrightarrow{AB}(-b, a)$

إذن : $-b = 1$ و $a = -2$ إذن : $a = -2$ و $b = -1$ ومنه : $-2x - 1y + c = 0$

يجب الآن البحث عن c نعلم أن : $A \in (AB)$ إذن إحداثياته تحقق المعادلة : $-4 + 1 + c = 0$ يعني : $c = 3$ ومنه :

$-2x - 1y + 3 = 0$ يعني : $-(2x + 1y - 3) = 0$ يعني : $(AB) 2x + y - 3 = 0$

(3) $(D_1): 4x + 2y + 1 = 0$ و $(AB) 2x + y - 3 = 0$ لدينا : $2 \times 2 - 4 \times 1 = 4 - 4 = 0$ إذن : (D_1) و (AB) متوازيين

(4) (Δ) يوازي للمستقيم (D_1) يعني المتجهة الموجهة ل (D_1) هي أيضا موجهة ل (Δ)

إذن : $\vec{u}(-b, a)$ أي $\vec{u}(-2, 4)$ موجهة ل $(D_1): 4x + 2y + 1 = 0$

وبما أن (Δ) يمر من $C(-1, 2)$ فإن : $(\Delta) \begin{cases} x = -1 - 2t \\ y = 2 + 4t \end{cases} (t \in \mathbb{R})$